

Geometrijska optika – zadaci

1. Apsolutni indeks prelamanja vode je $n = 1,33$. Koliko iznosi brzina prostiranja svetlosti unutar vode?

➤ Brzina prostiranja svetlosti unutar vode iznosi:

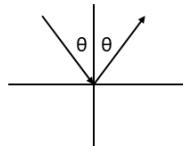
$$c = \frac{c_0}{n} = \frac{300\,000\,000 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{1,33} \cong 225\,563\,909 \frac{\text{m}}{\text{s}}.$$

2. Apsolutni indeks prelamanja pleksiglasa je $n_p = 1,51$, a absolutni indeks prelamanja dijamanta je $n_d = 2,42$. Koliki je relativni indeks prelamanja pleksiglasa u odnosu na dijamant?

➤ Relativni indeks prelamanja pleksiglasa u odnosu na dijamant iznosi:

$$n_r = \frac{n_p}{n_d} = \frac{1,51}{2,42} \cong 0,62.$$

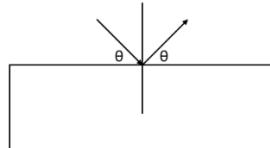
3. Ako upadni ugao iznosi $\theta = 30^\circ$, koliki iznosi ugao između upadnog zraka i odbojnog zraka?



➤ Ugao između upadnog zraka i odbojnog zraka iznosi:

$$\alpha = 2\theta = 2 \cdot 30^\circ = 60^\circ.$$

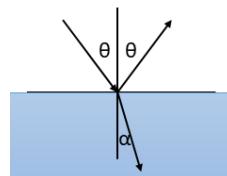
4. Svetlosni zrak pada na planparalelnu staklenu pločicu. Ako je ugao između upadnog zraka i površine planparalelne pločice $\theta = 45^\circ$, koliki je ugao između upadnog i odbojnog zraka?



➤ Ugao između upadnog i odbojnog zraka iznosi:

$$\alpha = 180^\circ - 2\theta = 180^\circ - 2 \cdot 45^\circ = 90^\circ.$$

5. Svetlosni zrak iz vazduha pada na površinu vode pod uglom $\theta = 30^\circ$. Apsolutni indeksi prelamanja vazduha i vode su $n = 1$ i $n_v = 1,33$. Koliko iznosi prelomni ugao?



➤ Zakon prelamanja:
 $n \sin \theta = n_v \sin \alpha$.

Iz prethodne jednakosti se dobija:

$$\alpha = \arcsin \left(\frac{n}{n_v} \sin \theta \right) = \arcsin \left(\frac{1}{1,33} \sin 30^\circ \right) \cong 22^\circ.$$

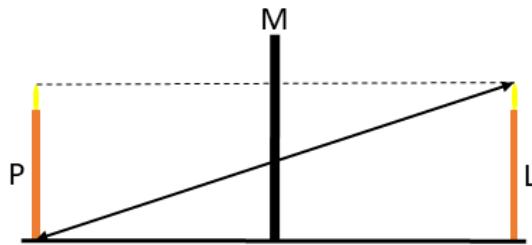
6. Milka se nalazi na rastojanju $p = 2 \text{ m}$ od ravnog ogledala, koliko iznosi rastojanje između Milke i njenog lika u ravnom ogledalu?

- Kod ravnog ogledala lik predmeta nalazi se sa druge strane ogledala, na istom rastojanju od njega kao i predmet.

Rastojanje između Milke i njenog lika u ravnom ogledalu iznosi:

$$d = p + l = 2p = 2 \cdot 2 \text{ m} = 4 \text{ m.}$$

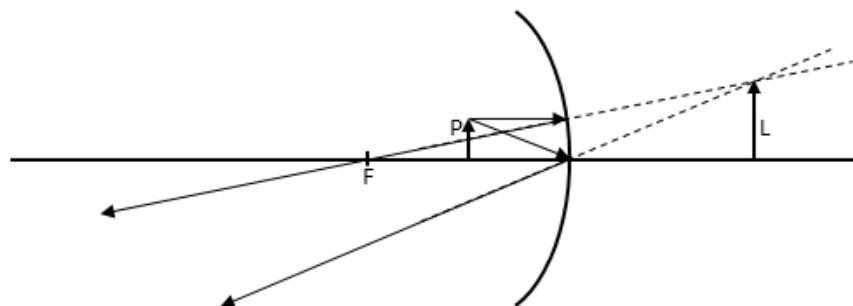
7. Zapaljena sveća nalazi se ispred ravnog ogledala na rastojanju $p = 0,15 \text{ m}$, pri čemu rastojanje od najniže tačke sveće do vrha plamena iznosi $h = 0,1 \text{ m}$. Koliko je rastojanje između najniže tačke sveće i vrha plamena lika sveće?



- Rastojanje između najniže tačke sveće i vrha plamena lika sveće:

$$d = \sqrt{(p+l)^2 + h^2} = \sqrt{(2p)^2 + h^2} = \sqrt{(2 \cdot 0,15 \text{ m})^2 + (0,1 \text{ m})^2} \cong 0,316 \text{ m.}$$

8. Udaljenost predmeta od temena izdubljenog sfernog ogledala iznosi $p = 0,1 \text{ m}$. Žižna duljina ogledala je $f = 0,2 \text{ m}$. Odrediti poluprečnik krivine ogledala. Odrediti položaj lika. Da li je lik uvećan ili umanjen? Da li je lik realan ili imaginaran?



- Poluprečnik krivine ogledala:

$$R = 2f = 2 \cdot 0,2 \text{ m} = 0,4 \text{ m}$$

- Pošto je u pitanju izdubljeno sferno ogledalo, pri čemu je predmet ispred ogledala, a lik imaginaran, položaj lika određujemo preko formule:

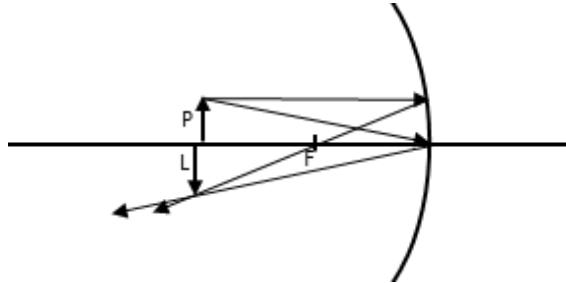
$$\frac{1}{f} = \frac{1}{p} - \frac{1}{l}.$$

Iz prethodne jednačine dobija se:

$$l = \frac{pf}{f-p} = 0,2 \text{ m.}$$

- Lik je uvećan i imaginaran.

9. Udaljenost predmeta od temena izdubljenog sfernog ogledala iznosi $p = 0,38 \text{ m}$. Žižna daljina ogledala je $f = 0,2 \text{ m}$. Odrediti poluprečnik krivine ogledala. Odrediti položaj lika. Da li je lik uvećan ili umanjen? Da li je lik realan ili imaginaran?



➤ Poluprečnik krivine ogledala:

$$R = 2f = 2 \cdot 0,2 \text{ m} = 0,4 \text{ m}$$

- Pošto je u pitanju izdubljeni sferni ogledalo, pri čemu je predmet ispred ogledala, a lik realan, položaj lika određujemo preko formule:

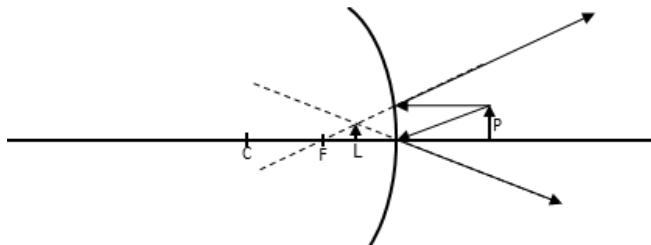
$$\frac{1}{f} = \frac{1}{p} + \frac{1}{l}.$$

Iz prethodne jednačine dobija se:

$$l = \frac{fp}{p-f} \cong 0,42 \text{ m}.$$

➤ Lik je uvećan i realan.

10. Poluprečnik krivine ispuštenog sfernog ogledala iznosi $R = 0,5 \text{ m}$. Ispred ogledala nalazi se predmet na rastojanju $p = 0,3 \text{ m}$ od njegovog temena. Odrediti žižnu daljinu ogledala. Odrediti položaj lika. Da li je lik uvećan ili umanjen? Da li je lik realan ili imaginaran?



➤ Žižna daljina ogledala iznosi:

$$f = \frac{R}{2} = \frac{0,5 \text{ m}}{2} = 0,25 \text{ m}$$

- Pošto je u pitanju ispušteni sferni ogledalo, pri čemu je predmet ispred ogledala, a lik imaginaran, položaj lika određujemo preko formule:

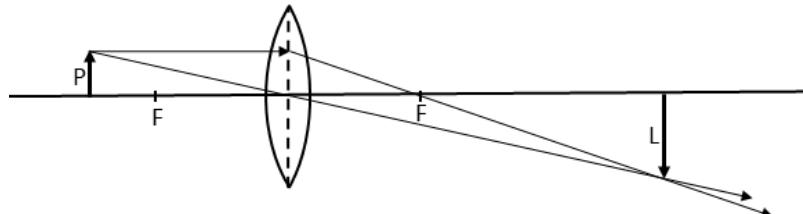
$$-\frac{1}{f} = \frac{1}{p} - \frac{1}{l}.$$

Iz prethodne jednačine dobija se:

$$l = \frac{fp}{p+f} \cong 0,136 \text{ m}.$$

➤ Lik je umanjen i imaginaran.

- 11.** Rastojanje predmeta od sabirnog sočiva iznosi $p = 0,3 \text{ m}$, pri čemu je žižna daljina sočiva $f = 0,2 \text{ m}$. Odrediti položaj lika. Da li je lik uvećan ili umanjen? Da li je lik realan ili imaginaran? Koliko iznosi uvećanje sočiva?



- Pošto je u pitanju sabirno sočivo, pri čemu je predmet ispred sočiva, a lik realan, položaj lika određujemo pomoću formule:

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{p} + \frac{1}{l}.$$

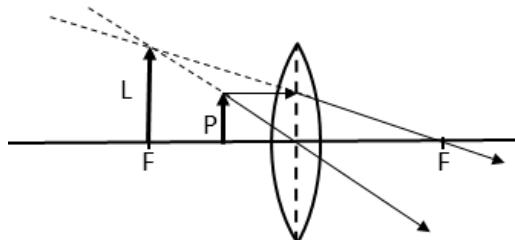
Iz prethodne jednačine dobija se izraz:

$$l = \frac{fp}{p-f} = 0,6 \text{ m}.$$

- Lik je uvećan i realan.
- Uvećanje sočiva iznosi:

$$U = \frac{l}{p} = 2.$$

- 12.** Rastojanje predmeta od sabirnog sočiva iznosi $p = 0,1 \text{ m}$, pri čemu je žižna daljina sočiva $f = 0,2 \text{ m}$. Odrediti položaj lika. Da li je lik uvećan ili umanjen? Da li je lik realan ili imaginaran?



- Pošto je u pitanju sabirno sočivo, pri čemu je predmet ispred sočiva, a lik imaginaran, položaj lika određujemo preko formule:

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{p} - \frac{1}{l}.$$

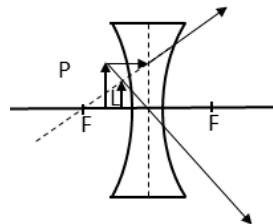
Iz prethodne jednačine dobija se:

$$l = \frac{pf}{f-p} = 0,2 \text{ m}.$$

- Lik je uvećan i imaginaran.

13. Predmet se nalazi na rastojanju $p = 0,1\text{ m}$ od rasipnog sočiva žižne daljine $f = 0,2\text{ m}$.

Odrediti položaj lika. Da li je lik uvećan ili umanjen? Da li je lik realan ili imaginaran?



- Pošto je u pitanju rasipno sočivo, pri čemu je predmet ispred sočiva, a lik imaginaran, položaj lika određujemo preko formule:

$$-\frac{1}{f} = \frac{1}{p} - \frac{1}{l}.$$

Iz prethodne jednačine dobija se izraz:

$$l = \frac{pf}{f + p} \approx 0,067\text{ m.}$$

- Lik je umanjen i imaginaran.

14. Žižna daljina očnog sočiva je $f = 0,025\text{ m}$, koliko iznose optička jačina i poluprečnik krivine očnog sočiva?

- Optička jačina iznosi:

$$\omega = \frac{1}{f} = 40\text{ D.}$$

- Poluprečnik krivine očnog sočiva iznosi:

$$R = 2f = 0,05\text{ m.}$$